

Lampiran makalah

Shaharir M.Z. -"Senang-Lenang dan Berlinangnya Pembangunan"

(Rujuk sumber: [www.kesturi.net](http://www.kesturi.net))

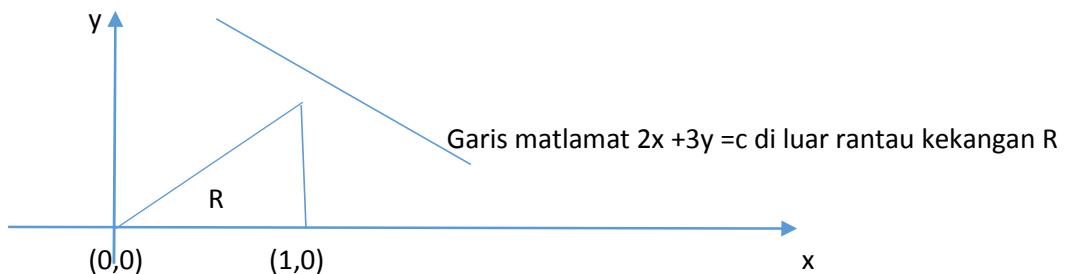
### **Matematik Pewustaan**

Jika  $f(x)$  matalamat tunggal yang diminati (oleh pihak perancang dan sebagainya; contohnya keuntungan), yang bergantung pada dasar/polisi/pembolehubah/perubah  $x$  yang tertakluk kepada kekangan  $R = \{x: g(x) = b, x \text{ tidak negatif}\}$ , maka takat wusta/wustdo bukan lagi  $x^*$  yang menjadikan  $f'(x^*) - \lambda \cdot g'(x^*) = 0$  (kaedah Lagrangean itu) tetapi yang menyebabkan

$$\int_{W(x^*)} f(x) dx = (\frac{1}{2}) \int_R f(x) dx, R \text{ ialah seluruh rantaun kekangan itu}$$

$W(x^*)$  suatu subrantau  $R$  yang sempadannya berupa titik-titik (dasar/polisi/pembolehubah/perubah) wusta/wustdo  $x^*$ . Takat wusta boleh dibayangkan sebagai takat pengeluaran yang jumlah keuntungan seluruh pengeluaran mungkin ke tahap itu ialah setengah (seperdua) drp jumlah keuntungan semua pengeluaran mungkin.

Contohnya, titik wusta bagi matalamat  $2x + 3y$  yang  $y-x \leq 0, x \leq 1, x$  dan  $y$  tidak negative, ialah atas garis  $2x+3y=w$  yang berada dalam rantaun kekangan  $(x,y)$  itu dengan  $w$  ialah nilai wusta matalamat ini. Berlainan dengan titik maksimum matalamat ini, iaitu pada titik  $(x=1, y=1)$  yang berupa titik bucu segi tiga dengan dua bucu lainnya  $(0,0)$  dan  $(1,0)$ . Masalah ini dapat digambarkan menerusi graf yang berikut:



Titik maksimum fungsi matalamat ialah apabila garis matalamat itu melalui bucu puncak segi tiga di atas, iaitu  $(1,1)$  dengan nilai maksimumnya ialah 5.

Titik wusta  $w$  tercapai apabila garis itu berada dalam segi tiga  $R$  itu kerana nilai wusta semestinya kurang daripada nilai maksimum 5 itu. Nilai ini dapat dihitung dengan menyelesaikan

Kamiran berganda  $2x+3y$  atas rantau segi empat berbucukan  $(0,0)$ ,  $(1,0)$ , dan pertemuan  $2x+3y = w$  dng  $y=0$  dan  $y=x$ , iaitu  $(w/2, 0)$  dan  $(w/5, w/5) =$  setengah kamiran  $2x+3y$  atas  $R$

iaitu

$$\begin{aligned} & \int_{(0, w/5)}^{(y, 0)} \left( \int_{(0, w/5)}^{(w/5, (w-3y)/2)} (2x+3y) dx \right) dy + \int_{(y, 0)}^{(w/5, (w-3y)/2)} (2x+3y) dx dy \\ &= (\frac{1}{2}) \int_{(0,1)}^{(0,y)} \left( \int_{(0, y)}^{(w/5, (w-3y)/2)} (2x+3y) dx \right) dy \\ &= 2/3 \end{aligned}$$

Oleh itu

$$w^3 = 20, \text{ atau } w \text{ sekitar } 2.7$$

Ini menjadi contoh bahawa nilai wusta bukannya yang difahami biasa, iaitu dalam hal ini dibayangkan sekitar 2.5

Titik wustanya ialah  $(x,y)$  di sepanjang garis  $2x+3y = 2.7$  yang berada dlm rantau kekangan  $R$ .

Untuk  $f$  bukan tunggal (matalamat pelbagai), iaitu yang lebih berkenyataan lagi, kita boleh ubahsuai pengoptimuman gol kepada “pewustaan gol” dan “pengoptimuman Pareto” kepada “pewustaan keparetoan” yang masih belum diformulasikan dengan lengkapnya lagi.